

## Prova parziale di R.O. del 26/1/2000

Cognome

Nome

Matr.

1) Sia dato il seguente gioco di costi a tre giocatori:

$$c(1) = 15; c(2) = 7; c(3) = 10; c(12) = 20; c(13) = 21; c(23) = 12; c(123) = 25$$

Determinare le allocazioni corrispondenti a ECA, ACA, GCA e valore di Shapley.

PUNTEGGIO 21

TEMPO SUGGERITO 25m

2) Si consideri un gioco dei guanti  $v$  in cui tre giocatori  $L_i$  posseggono un guanto sinistro e quattro giocatori  $R_j$  posseggono un guanto destro.

a - Verificare che il nucleo è non vuoto.

b - Determinare tutte le allocazioni del nucleo.

PUNTEGGIO 13

TEMPO SUGGERITO 15m

**SOLUZIONE DELLA PROVA PARZIALE DI R.O. DEL 26/1/2000**

1) I risultati sono riportati nella seguente tabella:

S	c(S)	m(i)	g(S)	r(i)	g(i)	ECA(i)	ACA(i)	CGA(i)	Sh(i)
1	15	13	2	2	2	14	13,6	13,750	13,333
2	7	4	3	3	3	5	4,9	5,125	4,833
3	10	5	5	5	3	6	6,5	6,125	6,833
12	20		3						
13	21		3						
23	12		3						
123	25		3						

- 2a) Poichè  $v(S) = \min \{|L_S|, |R_S|\}$  con  $S = L_S \cup R_S$  e  $v(N) = 3$  si può facilmente verificare che l'allocazione  $x$  con  $x(L_i) = 1$  e  $x(R_j) = 0$  soddisfa le condizioni del nucleo.
- 2b) L'allocazione  $x$  del punto a è l'unico elemento del nucleo.  
 Infatti presa una differente allocazione  $x^*$  sia  $L^*$  il giocatore per cui  $x^*(L^*) = \min \{x^*(L_i)\}$ , e sia  $R^*$  il giocatore per cui  $x^*(R^*) = \min \{x^*(R_i)\}$ .  
 Posto  $x^*(L^*) = 1 - \varepsilon$  si ha  $x^*(R^*) < 3\varepsilon/4$  e quindi  $x^*(L^*, R^*) < 1 = v(L^*, R^*)$ .